

Universidade Federal do Ceará Pró-Reitoria de Graduação

PROGRAMA DE DISCIPLINA

CURSO: Bacharelado em Computação		CÓDIGO: 65				
MODALIDADE(S): A		CURRÍCULO(S):				
TURNO(S): DIURN	O(X)	NOTURNO ()				
DEPARTAMENTO: Computação						
CÓDIGO	NOME DA DISCIPLINA					
CK125	Teoria dos Grafos					
PRÉ-REQUISITO(S): Matemática Discreta para Computação						
EQUIVALÊNCIA(S): Não há						
CARGA H	HORÁRIA	NÚMERO DE CRÉDITOS	CARGA HORÁRIA TOTAL			
TEÓRICA:	04	04	60			
PRÁTICA:						
EST. SUPERVISIONAL	DO:					
OBRIGATÓRIA () OPTATIVA (X) ELETIVA OU SUPLEMENTAR ()						
ANUAL () SEMESTRAL (X) MISTA ()						

JUSTIFICATIVA:

Apresentar os resultados mais básicos que fundamentam a teoria dos grafos.

EMENTA:

Definições básicas de/em grafos. Árvores. Conexidade. Grafos Eulerianos e Hamiltonianos. Emparelhamentos. Coloração de Arestas. Conjunto independentes. Coloração de Vértices. Grafos planares e Dígrafos.

DESCRIÇÃO DO CONTEÚDO:

- 1) **Definições**: Grafos simples e multigrafos, adjacência, incidência, grau, subgrafos gerador e induzido, passeios, trilhas e caminhos, ciclos, distância, diâmetro, centro e excentricidade, grafos conexos e desconexos, componentes, complemento de um grafo, isomorfismo, grafos bipartite, regular e completo.
- 2) **Árvores**: Definições, propriedades e teoremas de caracterização, relação entre árvores e conexidade, corte de arestas e pontes, corte de vértices e articulações. Definição de árvore geradora.
- 3) **Conexidade**: Definição de k-conexidade em vértices. Definição de k-conexidade em arestas. Teoremas de caracterização de grafos 2-conexos em vértices e em arestas. Teorema de Menger.
- 4) **Ciclos Eulerianos e Hamiltonianos:** Definições. Teorema de Euler. Teorema de Dirac para ciclos hamiltonianos. Tratabilidade dos dois problemas. Aplicações.
- 5) **Emparelhamentos**: Definições de emparelhamento máximo, emparelhamento maximal e emparelhamento perfeito. Caminhos alternados e aumentados. Teorema de Berge. Aplicações.
- 6) **Coloração de Arestas:** Definição de índice cromático. Coloração de arestas em grafos bipartites. Teorema de Vizing (enunciado e tratabilidade).
- 7) **Conjuntos independentes, coberturas e cliques:** Definições. Relacionamento entre emparelhamentos máximos, conjuntos independentes máximos e coberturas mínimas. Tratabilidade deste problemas.
- 8) **Coloração de vértices:** Definição de número cromático. Teorema de Brooks. Tratabilidade do problema.
- 9) **Grafos planares:** Definições. Fórmula de Euler. Teorema de Kuratowski (enunciado)
- 10) **Dígrafos ou grafos orientados:** Definições: arcos, grau de entrada e de saída, poço e sumidouro, componente fortemente conexas, grafos direcionados acíclicos (dags).

BIBLIOGRAFIA BÁSICA:

Graph theory with applications. J.A. Bondy e U.S.R. Murty American Elsevier Publishing CO., Inc. *Graph Theory*, R. Diestel, Graduate Texts in Mathematics, Springer-Verlag, 1996.

BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTAR:

Combinatorial problems and exercices. Lázlo Lovász Akademiai Kiado, Budapest, 1993. Grafos e algoritmos computacionais. Jayme Szwarcfiter Editora Campus.